Study for longitudinal beam dynamics of J-PARC 50 GeV synchrotron.

Keigo Hara^A), Chihiro Ohmori^A), Masahito Yoshii^A), Masanobu Yamamoto^B),

 A) High Energy Accelerator Research Organization 1-1 Oho, Tsukuba, 305-0801, Japan
B) Center for Proton Accelerator Facility, Japan

Atomic Energy Research Institute 2-4 Shirakata-Shirane, Tokai,

mic Energy Research Institute 2-4 Shirakata-Shirane, 10ka

Ibaraki, 319-1195, Japan

Abstract

To study for longitudinal beam dynamics of J-PARC MainRing(MR), the tracking calculation have been performed. We have examined two cases; one is the harmonic number 9 operation another is the harmonic number 18 operation. Both cases we can accelerate particles without serious losses in calculation. For RF cavity, these two operation mode can be switched by the subtle alteration.

大強度陽子加速器 (J-PARC)50 GeV シンクロトロンの縦方向 に対するビームダイナミクスの研究

1. はじめに

J-PARC は、400 MeV 線形加速器、速い繰り返 し (25Hz) のシンクロトロン(Rapid Cycling Synchrotron; RCS)と50 GeV メイン・シンクロトロ ン(Main Ring; MR)で構成される。RCSのビーム パワーは1 MW、MR のビームパワーは0.75 MW、 RCS から取り出される3 GeV ビームは、物質生命科 学実験施設(MLF)とMRに供給される。MR では、 さらにビームを50 GeV まで加速し、ニュートリノ 実験や原子核素粒子実験にビームを供給する。本講 演では、この加速器群のなかで最終段にあたるMR での、陽子の入射から加速終了までのビームダイナ ミクスを粒子追跡計算法にて検証した結果を述べる。

表 1 に高周波加速空胴に関係するパラメータを示 す。周波数の欄にharmonic 数に応じた周波数を示す。 MR の harmonics 数は設計では 9 である (h = 9)。 しかしながら運転開始初期では線形加速器のエネル ギーが約 200 MeV と低いため RCS の 1 bunch 辺り の陽子数が目標値の 6 割程になる。この条件下で MR のビーム強度を維持するために、MR のハーモニッ ク数を h = 18 にして、15 個のバンチを加速する代 案が検討された。

表 1: Main Ring Parameter

Frequency(MHz)	
'fundamental	$1.67 \sim 1.72(h = 9)$
'second	$3.34 \sim 3.44 (h = 18)$
RF harmonics	9 or 18
Peak accelerating	
voltage:	280 kV
Number of	
$\operatorname{cavities}$	6+3(2nd)+1(spare)



図 1: Harmonic 数が 9 で 50 GeV まで加速したとき の、粒子の位相空間分布図。

2. *H* = 9での計算結果

図 1 は h = 9を想定した時の粒子の位相空間での分 布を示している。縦軸は運動量分布、横軸は時間を示 している。加速終了までに粒子の loss は起こっていな い。空胴の共振周波数は横方向の instabilityの観点か ら 1.72 MHz を仮定した。入射から加速終了まで加速 電圧は終始 280 kV である。空間電荷効果^[1]を考慮し て基本波だけでなく高調波も重畳している^[2]。MRで は入射時の bunching factor(B.F.;= $I_{average}/I_{peak}$) は 0.3 以上が望ましい。図 2 に 2 次高調波まで含め た電圧をかけて加速したときの B.F. を示す。高調波 を加えたことで B.F. が入射時に概ね 0.3 以上に保 たれている。高調波成分は ϕ_s (シンクロナス位相)の



図 2: 電圧に 2 次高調波まで加えて加速したときの BunchingFactor。

周りで電圧の式を Taylar 展開して傾きをゼロにす る解を選び加えている。具体的に書き下すと、 $\nu_s \epsilon^{\prime}$ Normalized rate of acceleration' として

$$V = \frac{e}{2\pi h} V_0(\sin\phi + r\sin 2(\phi - \delta)) \qquad (1)$$

$$\delta = \phi_s - \frac{1}{2}\arctan\frac{\tan\phi_s}{2} \tag{2}$$

$$\phi_s = \arcsin(\frac{4}{3}\nu_s) \tag{3}$$

$$r = \sqrt{\frac{1}{4} - \frac{\nu_s^2}{3}} \tag{4}$$

となる。

3. H = 18 での計算結果

図 1 は h = 18 を想定した時の粒子の位相空間での 分布を示している。粒子の loss は 0.15 %起こってい る。H = 18 運転が想定される初期の段階では 2 次高 調波用の空胴は用意されていない予定である。その ため h = 9 の時のように高調波を加えて B.F. の改善 を図ることができない。幸なことに h = 18 の場合に は RCS とのバンチーバケット間のマッチングが良い ため待ち受け電圧を変えることで B.F. の改善が行え る。図 4 に入射時の待ち受け電圧を 160 kV にした ときの B.F. を示す。基本波のみで B.F. を 0.3 以上 にすることができる。その他 Loss を無くす為に加速 のパターンを変えた計算や、線形加速器が 400 MeV (RCS が Full intensity) なったときの h = 18 運転 の計算なども行っている ^[3]。

4. 二つのモードの切り替え

H = 9の時とh = 18の時では加速周波数が違う ので、二つのモードを切り替えるためには加速空胴の 共振周波数 ($\sim 1/2\pi\sqrt{LC}$)を切り替えることが必要 となる。現在の所我々は加速 Gap 部に取りつけられ



図 3: Harmonic 数が 18 で 50 GeV まで加速したと きの、粒子の位相空間分布図



図 4: 待ち受け電圧が 160 kV、加速電圧が 280 kV で加速したときの BunchingFactor。

ているコンデンサーを脱着することで切り替えを行 う予定である。h = 9からh = 18に切り替えるとき にコンデンサーを引き抜く事になるのだが、単純にコ ンデンサーを引き抜くと空胴のQ-value(~ CR/f_0) が低下しインピーダンスのカーブはブロードなもの になる。そのためビームが感じる空胴のインピーダ ンスの周波数成分が多くなり、その分ビームローディ ング電圧が大きなものになる。このビームローディ ング電圧に対して何の処置もおこなわない場合のビー ムのロス量を図5に示す。この結果はビームローディ ング電圧が一番きついと思われる8番目のバンチに ついて計算を行った場合である。待ち受け電圧は先 ほど述べたように160 kVである。最初の数10 msec



図 5: ビームローディング補償を行わないときの8番 目に入射したバンチのビームロス

でまたたくまに粒子がロスしていくのが見て取れる。 計算のなかでは 8919 個のマクロ粒子を使用している ので 892 個の粒子が無くなったならば約 10 %ビーム を loss したことになる。



図 6: 基本周波数成分、及び、その両隣りの周波数成 分を 10 分の 1 にまで補償した場合の loss 量

J-PARC RingRF ではこのビームローディング電 圧が引き起こす、ビームの不安定性を取り除くため に RF Feedforward 法の使用を予定している。RF Feedforward 法の原理は、ビーム電流成分 I_b と全く 逆位相の電流 I_b を空胴に加えビームローディングの 効果を消してしまう方法である ^[4]。図 6 にビームが 誘起した電圧の内、基本周波数成分、及び、その両 隣りの周波数成分 (h=17,18,19) を 10 分の 1 にまで 補償した場合の loss 量を示す。1 個のマクロ粒子が loss したので約 0.013 %loss したことになる。この 結果は、空胴のモード切り替えをコンデンサーの脱 着のみで行える可能性を示している。 5. 今後

CPU power の問題でビームローディングの補償ま でを含めた計算は入射時しか行っていないが、加速終 了までの計算を行っている最中である。今後は8番 目のバンチだけでなく他のバンチについても計算を 行う。また beam loadingの補償の割合を5分の1に するなど、もう少し補償の割合が悪い場合について も検討していく予定である。その他 feedback、電圧 の error 等も計算に考慮していくつもりである。

参考文献

- [1] 町田慎二, "ラティス、空間電荷効果", OHO 2000.
- M Yamamoto, Proceedings of the 1999 Particle Accelerator Conference, New York, (1999) p863.
- [3] 原圭吾, 日本物理学会 2004 年秋期大会(高知大)
- [4] E. Ezura, et al., Longitudinal Behavior of the Beam in KEK Booster, IEEE Trans. Nucl. Sci. Vol. NS-26, No.3, 3538-3540, 1979.