# 臨界磁場測定用半球形状空洞のアルミ製モデルでの TE013 モード励振試験 TE013 MODE EXCITATION TEST ON ALUMINUM MODEL OF HEMISPHERICAL CAVITY FOR CRITICAL MAGNETIC FIELD MEASUREMENT

服部 綾佳<sup>#, A)</sup>,相田 大翔<sup>A)</sup>,石井 朝陽<sup>A)</sup>,早野 仁司<sup>B)</sup> Ayaka Hattori <sup>#, A)</sup>, Haruto Aida<sup>A)</sup>, Asahi Ishii <sup>A)</sup>, Hitoshi Hayano<sup>B)</sup> <sup>A)</sup> NIT (KOSEN), Ibaraki College <sup>B)</sup> KFK

#### Abstract

The hemispherical cavity had been designed for critical magnetic field measurements of superconducting multilayer thin films. It is expected that superconducting multilayer thin films make the acceleration cavity highly gradient because it is predicted that superconducting multilayer thin films have higher critical magnetic field than Niobium which is material of superconducting cavity. To verify the RF critical magnetic field of superconducting multilayer thin films, the hemispherical cavity was designed to excite  $TE_{013}$  mode which have the highest magnetic field on sample face of superconducting multilayer thin films. To stably excite the  $TE_{013}$  mode, we designed an antenna for a hemispherical cavity. In order to evaluate the performance of the antenna, we made a model of the aluminum cavity and the antenna. The results of the  $TE_{013}$  mode excitation test of the aluminum model are introduced.

# 1. はじめに

予測される臨界磁場の高さから超伝導加速空洞の高 電界化につながる可能性のある超伝導薄膜[1]の RF 下 での臨界磁場測定のため、半球形状空洞が設計された [2]。半球形状空洞は超伝導薄膜を成膜するサンプル面 に最大表面磁場を与える TE<sub>013</sub> モードを励振できる構造 になっており、その半球形状空洞に安定して TE<sub>013</sub> モー ドを励振するためのアンテナ設計を行った[3]。その設計 したアンテナ性能を評価するため、アルミ製のモデル空 洞を製造し、ターゲットである TE<sub>013</sub> モードを励振でき、か つ、TE<sub>013</sub> モードを共振周波数が近接する他の共振モー ドから明らかに分離でき、特定しやすい事を確認する試 験を行なった。本発表ではその結果について報告する。

# 2. TE<sub>013</sub>モードの励振確認

2.1 TE013 モードとは



Figure 1: A picture of the aluminum model cavity.









Figure 3: The electric field distribution of  $TE_{013}$ .

製作したアルミ製モデルの写真を Fig. 1 に示す。この 空洞内に励振される TE<sub>013</sub> モードの磁場強度分布を Fig. 2 に、電場強度分布を Fig. 3 に示す。空洞の内部構 造は半径 108.6 mm の半球部に直径 98 mm、高さ5 mm の円柱サンプル部から成る。さらに、半球上部にインプッ トアンテナを取り付けるためのポートがあり、半球下部に はピックアップアンテナおよび真空引き用のポートが取り 付けられる。

Figure 2 に示す TE<sub>013</sub> モードの磁場強度がサンプル面 上で最大となり、ニオブ製空洞表面の約 2.1 倍となること より、ニオブの RF 臨界磁場(200 mT)を超えると予測さ れる超伝導薄膜の RF 臨界磁場を 400 mT 超まで測定 可能とする設計である。

RF 臨界磁場測定時には、サンプル面に測定対象となる超伝導薄膜を成膜し、極低温(2~5 K 程度)下で RF パワーを投入する。RF 投入パワーを増やし、磁場強度を上げていくと、RF 臨界磁場を超え、超伝導から常伝導への転移が起きる。そのとき、表面抵抗の増加、Q 値の低下が生じるので、その時点での RF 投入パワーから最大表面磁場を算出し、RF 臨界磁場とする。

2.2 TE013モードの励振確認セットアップ

TE<sub>013</sub> モードの励振確認のため、ビーズ測定を実施し、 ビーズ測定で得られる電場強度分布が TE<sub>013</sub> のシミュ レーション計算から得られた電場強度分布と一致するか を確かめた。

このビーズ測定時のアンテナには Fig. 4 に示す SMA コネクタに銅線をハンダ付けしたダイポールアンテナを 用い、それぞれの長さについては、インプットアンテナ長 を 66 mm、ピックアップアンテナ長を 62 mm とし、ネット ワークアナライザのポート1にインプットアンテナを、ポー ト2にピックアップアンテナを接続した。このとき、PTFE の 長さとアンテナ端板の厚みはともに 4.0 mm に揃えてあり、 インプットアンテナポート・ピックアップアンテナポート内 には Fig.4 に示した PTFE を除いたアンテナ長分が挿入 されていることになる。それぞれのアンテナの TE<sub>013</sub> モー ドとのカップリング係数はインプットアンテナが 0.04、ピッ クアップアンテナが 0.001 であった。



(b) The pickup antenna. Figure 4: Antennas used during bead pull measurement.

62 mm

本ビーズ測定では、電場強度分布を測定するため、 ビーズにはセラミック球 φ4 mm を使用し、半球底面から 27.4 mm(Fig. 5(a)参照)、インプットアンテナおよびピック アップアンテナの挿入角から67.5°回転した軸(Fig. 5(b) 参照)上でビーズを移動させ、TE<sub>013</sub>モードの共振周波数 を S11 から測定した。共振周波数の変位量 $\Delta f = f(z) - f_0$ は電場強度と次式の関係にあることが知られている。  $\sqrt{-\Delta f} \propto |\vec{E}|$  (1) この関係性を用いて、電場強度分布の一致を確認した。



(a) The offset of the bead pull axis.



(b)The rotation angle of the bead pull axis. Figure 5: The bead pull axis.

2.3 測定結果

Figure 6 にビーズ測定から得られた電場強度分布と CST Studio Suite によるシミュレーション計算から得られ た電場強度分布を示す。赤で示した測定値が計算値を 示した青線と一致していることより、電場強度分布の一致 を確認でき、アルミ製のモデル空洞において、設計した アンテナで TE013 モードの励振を確認できた。



Figure 6: Comparison of electric field distribution between measurement and simulation.

## 3. TE<sub>013</sub>モードの特定しやすさの確認

#### 3.1 周波数特性 S21

TE<sub>013</sub>モードの共振周波数に近い共振がないか、分離 可能かを確認するため、S21 で周波数特性を確認したと ころ、アンテナ長により、S21 に変化が見られることが分 かった。ビーズ測定では、TE<sub>013</sub>モードとアンテナとのカッ プリングが高い状態で測定を行いたかったため、イン プットアンテナ 66 mm、ピックアップアンテナ 62 mm を使 用したが、低温試験時には空洞 Q 値の向上にあわせ、 アンテナ長を決めるため、短いアンテナを使用すること になる。アンテナ長は実機製造後にアンテナのカップリ ング係数測定を行い決めることになるが、現段階ではイ ンプットアンテナ 35 mm、ピックアップアンテナ 41 mm 程 度になると想定される。

そこで、短いアンテナ長での周波数特性を知るため、 アンテナ長を変えての実測およびシミュレーション計算を 実施した。Figure 7 にアンテナ長を変えて実測した 5.0 ~5.4 GHzの周波数範囲での S21 を示す。



Figure 7: Comparison of S21 with different antenna lengths (5.0~5.4 GHz).

TE<sub>013</sub> モードの共振は 5.288 GHz に見られており、 37 mm 以下のインプットアンテナ長では TE<sub>013</sub> モードと近 接する共振モードとは 50 MHz 程度は離れており、TE<sub>013</sub> モードの特定は容易にできることが確認できた。

しかし、TE<sub>013</sub>モードのS21波形が近接する共振モードの裾野の影響を受け、左右非対称な形状となっていることが見受けられる。そのため、正確なQ値を測定できない可能性があり、低温測定時にもQ値を正確に測定できないとRF臨界磁場測定に支障が出る。そこで、動向を探るため、TE<sub>013</sub>モードの周波数帯域、TE<sub>013</sub>モードより低周波側の周波数帯域、TE<sub>013</sub>モードより高周波側の周波数帯域の3つの周波数帯域を拡大し、以下にそれぞれの周波数帯域での特徴について記述する。

3.2 領域① TE013 モードの共振周波帯域について

Figure 8 に TE<sub>013</sub>モードの共振周波数帯域を拡大した 図を示す。TE<sub>013</sub>モードの共振周波数はアンテナ長を変 えても 5.288 GHz のままであり、アンテナ長の変化が TE<sub>013</sub>モードの共振周波数に影響しないことが分かった。 どのアンテナ長でも、S21 の左右非対称性が見られてい るが、その非対称の形状に違いが見られる。



Figure 8: Comparison of  $TE_{013}$  resonant frequency with different antenna lengths.

3.3 領域② TE013 モードよりも低周波帯域について

TE<sub>013</sub> モードよりも低周波側の周波数帯域 5.10~5.25 GHzのS21をFig.9に示す。インプットアンテ ナ長が66 mm、58 mmのときは5.18 GHz 見られる裾野 の広い共振の影響を受け、TE<sub>013</sub>モードが左右非対称と なっていたことが分かる。さらに、このモードはアンテナ 長が37 mm、34 mm、31 mmと短くなると共振されなくな り、TE<sub>013</sub>モードへの影響が減少することが分かった。



Figure 9: Comparison of S21 with different antenna lengths on the lower frequency side than  $TE_{013}$  resonant frequency.

3.4 領域③ TE013 モードよりも高周波帯域について

TE<sub>013</sub> モードよりも高周波側の周波数帯域を見るため に 5.25 GHz~5.40 GHz の領域を拡大した図を Fig. 10 に 示す。インプットアンテナ長 66 mm、58 mm では 5.3~5.35 GHz の間に共振が見られるが、TE<sub>013</sub>の S21 波 形の非対称性への影響はあまり見られない。一方、37 mm より短いインプットアンテナ長では 5.35 GHz 近傍に ある裾野の広い共振モードが TE<sub>013</sub> モードの S21 波形の 非対称性に影響している。



Figure 10: Comparison of S21 with different antenna lengths on the higher frequency side than  $TE_{013}$  resonant frequency.

#### 3.5 シミュレーション結果

実測と同様に、アンテナ長を変えたときの S21 の変化 を CST Studio Suite でのシミュレーション計算においても、 確認した。その結果を Fig. 11 に示す。シミュレーション結 果においても、実測と同様に、TE013 の共振周波数は変 化しない、低周波側の影響はアンテナ長が短くなると低 減する、アンテナ長が短くなると高周波側の影響が見え てくるという傾向が見られた。また、シミュレーション計算 より、アンテナ長が長いときにのみ、低周波側に見られる

5.2 GHz 近傍の共振は半球形状空洞の上部ポート内にのみ励振するモードであることが確認できた。



Figure 11: Comparison of simulated S21 with different antenna lengths (5.0~5.4 GHz).

#### 4. 考察

アルミ製モデルによる TE<sub>013</sub> モードの励振試験より、設計したアンテナ形状で、TE<sub>013</sub> モードを励振できることを確認できた。TE<sub>013</sub>モードの特定しやすさの点からは共振周波数の特定は容易であるが、他の共振モードの裾野に TE<sub>013</sub> モードが影響され、S21 の波形が左右非対称となっており、TE<sub>013</sub> モードのQ値測定に影響を与える。臨界磁場測定を行う低温測定時には、超伝導になる空洞壁の抵抗が下がり、Q値が高くなるため、共振ピークはするどくなり、他共振モードの TE<sub>013</sub> モードへの影響は減少すると考えられるが、その影響を見積もる必要がある。

### 5. 結論・今後の展望

アルミ製モデルによる TE<sub>013</sub> モードの励振試験より、設計したアンテナ形状で、TE<sub>013</sub> モードを励振できることを確認できた。今後、低温時の他共振モードの影響を見積もる必要がある。さらに、実機による低温試験に向け、ニオブ製の半球形状空洞の実機設計を進める。

#### 謝辞

本研究は JSPS 科研費 22K18128 の助成を受けたも のです。

#### 参考文献

- T. Kubo, "Multilayer coating for higher accelerating fields in superconducting radio-frequency cavities: a review of theoretical aspects", Superconductor Science and Technology 30, 023001, 2017.
- [2] H. Oikawa *et al.*, "Note: Design and resonant condition measurement of the mushroom-shaped Al test cavity for critical magnetic field evaluation of superconducting thinfilm sample", Review of Scientific Instruments 89, 076102, 2018.
- [3] A. Hattori and H. Hayano, "臨界磁場測定用半球形状空洞 のアンテナ設計", Proceedings of the 19th Annual Meeting of Particle Accelerator Society of Japan, online (Kyusyu University), Oct. 18-21, 2022, pp. 456-460.