# J-PARC RCS における大強度 1 バンチ加速の検討 CONSIDERATION OF HIGH INTENSITY SINGLE BUNCH ACCELERATION IN J-PARC RCS

田村文彦 \*,A), 沖田英史 <sup>A)</sup>, 發知英明 <sup>A)</sup>, サハプラナブ <sup>A)</sup>, 明午伸一郎 <sup>A)</sup>, 吉井正人 <sup>A)</sup>, 大森千広 <sup>A)</sup>, 山本昌亘 <sup>A)</sup>, 清矢紀世美 <sup>A)</sup>, 杉山泰之 <sup>A)</sup>, 野村昌弘 <sup>A)</sup>, 島田太平 <sup>A)</sup>, 長谷川豪志 <sup>A)</sup>, 原圭吾 <sup>A)</sup>, 宮越亮輔 <sup>A)</sup>

Fumihiko Tamura <sup>\*,A)</sup>, Hidefumi Okita<sup>A)</sup>, Hideaki Hotchi<sup>A)</sup>, Pranab Saha<sup>A)</sup>, Shinichiro Meigo<sup>A)</sup>, Masahito Yoshii<sup>A)</sup>,

Chihiro Ohmori<sup>A)</sup>, Masanobu Yamamoto<sup>A)</sup>, Kiyomi Seiya<sup>A)</sup>, Yasuyuki Sugiyama<sup>A)</sup>,

Masahiro Nomura<sup>A)</sup>, Taihei Shimada<sup>A)</sup>, Katsushi Hasegawa<sup>A)</sup>, Keigo Hara<sup>A)</sup>, Ryosuke Miyakoshi<sup>A)</sup>

<sup>A)</sup> J-PARC Center, JAEA & KEK

## Abstract

The J-PARC 3GeV synchrotron (RCS) provides high intensity proton beams to the Materials and Life Science Experimental Facility (MLF) and the Main Ring (MR). The harmonic number (h) of the RCS is 2 and the RCS normally accelerates two bunches. For some experiments at the MLF, a single bunch is preferred. In this case, one of the rf bucket is filled with protons and the other is empty. Therefore the beam intensity is halved. If the RCS can accelerate with h = 1, the intensity per bunch can be doubled, enabling to provide single bunch beams to the MLF with the maximum intensity. This possibly increases the MR beam power by injecting high intensity single bunches eight times. In this article, we report mainly on the consideration of h = 1 acceleration in the RCS by longitudinal simulations.

# はじめに – 大強度1バンチ加速の検討の 動機

J-PARC 3GeV シンクロトロン (RCS) は物質・生命科学 実験施設 (MLF) およびメインリング (MR) に大強度陽 子ビーム供給を行っている。RCS および RF システムの 主パラメータを Table 1 に示す。RCS は 2007 年にビーム 調整を開始して以降、ハードウェアの増強・更新、ビー ム調整手法の飛躍的な進展などによって、これまでに 設計ビーム強度  $8.3 \times 10^{13}$  ppp のビームを 0.2% 以下の 極めて少ないビームロスで安定に加速することに成功 している。2023 年 6 月までに、設計ビーム強度に近い  $8 \times 10^{13}$  ppp の大強度ビームを MLF に供給しており、 一方 MR にはニュートリノ実験向けに  $6.3 \times 10^{13}$  ppp の ビームを供給している。

Table 1 に示したように、RCS の繰り返しは 25 Hz で あり、約 20 ms の間に陽子を 400 MeV から 3 GeV まで 加速する。このため、高い加速電圧を発生できる金属 磁性体 (Magnetic Alloy、MA) が装荷された加速空胴が 採用されており、12 台の空胴で 440 kV の高い加速電圧 を発生させている。MA 空胴の広帯域特性により、基 本波と 2 倍高調波を 1 台の空胴に発生させるデュアル ハーモニック運転が可能となり、デュアルハーモニッ ク電圧によるバンチ整形は、空間電荷効果によるビー ムロスを低減するためになくてはならないものとなっ ている。

RCS のハーモニック数 h は 2 に設定されており、通 常、2 つのバケツ両方をビームで満たした 2 バンチを 加速している。2 バンチずつ 4 回入射を行うことで 8 バンチを MR に蓄積し、MLF には中性子ターゲット およびミューオンターゲットへ 2 バンチの構造のまま 陽子ビームを供給する。MLF の中性子を用いた実験

Table 1: Parameters of the J-PARC RCS and its RF System

circumference	348.333 m
energy	0.400-3 GeV
beam intensity	$8.3 imes10^{13}~{ m ppp}$
output beam power	1 MW
accelerating frequency	1.227–1.671 MHz
harmonic number	2
maximum rf voltage	440 kV
repetition rate	25 Hz
No. of cavities	12
Q-value of rf cavity	2

の多くはバンチ構造を問わないが、いくつかの実験で は発生する中性子ビームの時間構造が重要な意味を持 つものがある。例えば、中性子核反応測定装置 (BL04 ANNRI [1,2]) では中性子と原子核の反応を中性子のエ ネルギー毎に精密に測定しているが、この測定装置で は、MLF で通常用いる中性子回析に用いるエネルギー 範囲より高い領域を興味対象とするため、2 バンチ構造 に起因する飛行時間の不確定性は重大な問題となる。こ れらの実験では 2 バンチではなく 1 バンチの陽子ビー ム供給が強く望まれている。

2 つのうち 1 つの RF バケツにビームを満たし、他方 を空きバケツとして加速することで 1 バンチビームを 加速、供給することが可能であるが、この場合は最大 ビーム強度も半分、約 4 × 10<sup>13</sup> ppp に制限されてしま う。もし RCS のハーモニック数  $h \ge 1$  とした加速が可 能であるならば、設計強度  $8.3 \times 10^{13}$  ppp の 1 バンチ ビームを供給することができる。

前述のように、MR には2 バンチずつ4回の入射を行うことで8 バンチの蓄積を行っているが、これを h = 1 加速により1 バンチずつ8回の入射を行い、バンチあたりの粒子数を現在の目標ビームパワー1.3 MW 運転

<sup>\*</sup> fumihiko.tamura@j-parc.jp



Figure 1: (Top) voltage patterns generated by RAMA and (bottom) synchronous phases for various initial longitudinal emittance.

の仮定 4×10<sup>13</sup> ppp より上げることができたならば、入 射回数が 4回から 8回と倍になることによる MR 運転 周期の延長に起因するビームパワーの損失を差し引い たとしても、1.3 MW 以上のビームパワーを目指せる可 能性がある。

以上のように魅力的なh = 1加速であるが、ハーモ ニック数hを変えることでバケツ高さや最適な同期位 相 $\phi_s$ が変化するため、縦方向の運動について詳細な検 討を行う必要がある。本稿では、主に RCS での縦方向 ビームシミュレーションを用いたh = 1加速の実現可 能性の検討について報告を行う。

## 2. 電圧パターンの初期検討

RCS の偏向電磁石磁場は 25 Hz の正弦波で、運動エ ネルギーにして 400 MeV 相当から 3 GeV 相当まで励磁 されている。RF 基本波電圧 を  $V_0$  としたとき、同期位 相  $\phi_s$  は

$$\sin\phi_s = \frac{2\pi R}{V_0} \rho \frac{dB}{dt} \tag{1}$$

で表される。ここに、Rは平均半径、 $\rho$ は軌道曲率半径、  $\frac{dB}{dt}$ は磁場の変化率である。ここには陽にハーモニック 数 hは現われない。一方、バケツの高さを運動量のず れ (dp/p)で表すと

(bucket height on dp/p)

$$=\sqrt{-\frac{eV_0}{\beta_s^2 E_s \pi h\eta}(2\cos\phi_s + (2\phi_s - \pi)\sin\phi_s)} \quad (2)$$

 $(\eta はスリッページファクター、<math>\beta_s$ 、 $E_s$ は同期粒子の速度およびエネルギー)とhを含む式となり、一般に同じ電圧に対してはhが小さいほうが運動量方向に大きな



Figure 2: Phase space distributions in the beginning of acceleration for the initial emittance of 5.0 eVs.

RF バケツとなると言える。速い繰り返しのシンクロト ロンでは特に、縦方向エミッタンスを保持して加速が できるような電圧パターンを設計することが重要であ るが、RAMA [3] と呼ばれる計算コードで、基本波電圧 パターンを設計することができる。

h = 1加速について、RAMA を用いて得られた電圧 パターンを Fig. 1 上図に示す。バケツの高さとビーム の最大運動量の比であるモーメンタムフィリングファ クター (MF) を余裕のある 0.8 に設定し、初期エミッタ ンス 5 eVs から 15 eVs の範囲で電圧パターンの計算を 行った。

初期エミッタンス 15 eVs の場合、最大電圧が RCS の 加速空胴で発生させられる 440 kV を超えてしまうた め、このパターンは使用することができない。また、初 期エミッタンスを小さくしていくと必要なバケツも小 さくなるため、式 (1) および (2) からも理解されるよう に、必要な RF 電圧は低くなり、5 eVs の場合で約 300 kV となる。

一方で、電圧が低いパターンは最大の  $\phi_s$  が大きくな るだけではなく、 $\phi_s$  の速い変化にもつながる。Figure 1 下図に示したように、5 eVs の場合には最大の  $\phi_s$  が 60 度に到達するだけでなく、加速の始め、1 ms 以内に 30 度近くまで変化する。初期エミッタンスを大きくし ていくと、加速の始めでの  $\phi_s$  の変化は緩やかになって いく。

これら電圧パターンを用い、縦方向シミュレーショ ンコード BLonD [4] でシミュレーションを行った。RCS の実際の運転ではマルチターン入射によるビーム蓄積 が行われるが、ここでは簡単のため、t = 0で初期エ ミッタンスに対応した分布を与えて1ターンで入射し、 その後の運動を計算した。

まず、初期エミッタンス 5 eVs の場合の 1500 ターン までの位相空間分布を Fig. 2 に示す。前述のように、 *φ*。の変化が加速初期非常に速いために、バケツが時間方 向に急速に縮んでいく。この変化は非断熱的であり、粒 子はバケツの変化に追い付くことができず、フィラメ ントが生じてしまっていることがわかる。この電圧パ ターンは使うことができない。

初期エミッタンス 7.5 eVs および 10 eVs の場合は  $\phi_s$ 



Figure 3: Phase space distributions at 0 and 1500 turn for the initial emittance of (top) 7.5 eVs and (bottom) 10 eVs.

の変化が緩やかであるために、バケツの変化に粒子が 追随することができる。Figure 3 に示すように、7.5 eVs では 1500 ターンで小さなフィラメントが生じているが 問題となる程ではなく、また 10 eVs ではきれいな分布 を保っていることがわかる。取り出しの 20 ms までの シミュレーションを行ったが、これらの場合はエミッ タンスも一定に保たれ、安定な加速が実現できること がわかった。

縦方向エミッタンスが大きいことで、ビームの運動 量方向での広がり dp/p も大きくなる。初期エミッタン ス 7.5 eVs および 10 eVs の場合、dp/p の加速中の最大 値はそれぞれ 1.1%、1.3% となる。これは RCS の設計 上の許容値 1.0% を超えており、2 倍高調波 (h = 2) を 重畳したデュアルハーモニック運転によって運動量方 向にバケツを変形させて、dp/p を小さくしてやる必要 がある。デュアルハーモニック加速電圧パターンにつ いては次節で述べる。

## デュアルハーモニック加速電圧パターン の検討

2 倍高調波が含まれる場合は、RF バケツのパラメー タは式 (2) のような簡単な形にならず、セパラトリク スを数値的に求め、ビーム分布に対応する適切な電圧 を求めなければならない。初期ビームエミッタンスを 10 eVs、モーメンタムフィリングファクターを 0.8 とす る条件のもと、加速中のそれぞれの時間において、基 本波 (h = 1) および 2 倍高調波 (h = 2) の電圧ををキー に、バンチングファクター ( $B_f$ ) などの縦方向パラメー タをデータベース化し、最適な電圧パターン (h = 1, 2) を求めた。ここに、ビームは Hoffman-Pedersen 分布に 従うと仮定した。

加速後半については、現在の RCS の運転パターンに 倣い、10 ms 以降は正弦波的に減少させ、取り出し電 圧も現在のパターン同様の 60 kV とした。2 倍高調波 は、10 ms から 15 ms にかけて緩やかに 0 kV まで減少 させた。

このようにして生成した電圧パターンを Fig. 4 上図 に示す。最大電圧は 400 kV であり、下図に示すように



Figure 4: (Top) dual harmonic voltage pattern for initial beam emittance of 10 eVs and (bottom) synchronous phase.



Figure 5: Phase space distributions from injection to extraction at 0, 1000, 5000, 10000, 13000, and 15300 turn.

最大の  $\phi_s$  も 40 度程度にとどまっている。

この電圧パターンを用いたシミュレーションを行っ た。初期エミッタンス 10 eVs を仮定して作成した電圧 パターンであるが、ここでは 8 eVs を仮定した分布を初 期分布としている。この電圧パターンでも dφ<sub>s</sub>/dt は初 期に大きいため、バケツの辺縁部に分布する粒子が追 随しきれないため、初期分布を 10 eVs よりも小さくす る必要があったことが理由である。

加速開始から取り出し直前までのビームの位相空間



Figure 6: (Top) bunching factor, (middle) momentum filling factor, and (bottom) maximum dp/p during acceleration.

分布の変化を Fig. 5 に示した。また、入射から取り出 しまでのバンチングファクター  $B_f$ 、モーメンタムフィ リングファクター、ビーム分布の運動量 dp/pの最大値 を Fig. 6 に示した。入射から 10 ms まで 2 倍高調波を加 えているため、5000 ターンまではバケツが扁平な形に なっていることがわかる。前述のように加速初期では  $d\phi_s/dt$  が大きいため、若干のフィラメントが形成され ているが、特に問題とはならないと考えられる。

加速の後半では基本波のみとなり、またデータベー スによらず正弦波的な電圧パターンとしているために、 バケツには大きな余裕ができている。取り出し直前の バンチ長は、時間に直すと約 250 ns となっている。

2 倍高調波を加えることにより、バンチングファク ターは空間電荷効果が問題となる加速初期において大 きな値となっている。2 倍高調波が減少する中盤以降、 *B<sub>f</sub>* は約 0.12 まで減少したのちに増加し、取り出し直前 では 0.15 程度である。モーメンタムフィリングファク ターは、データベースに基づいたパターンである加速 中盤までは約 0.8 に保たれ、後半では小さくなる。ビー ム分布の運動量の最大値は 0.8% 以下に保たれている。 *dp/p* が周期的に変動しているのは、前述のフィラメン ト部分の位相空間内の回転によるものであり、モーメ ンタムフィリングファクターの変動も同じ理由である。 プロットは省略するが、縦方向エミッタンスは 8 eVs で 取り出しまで一定に保たれている。

以上のように、RCS の加速空胴で発生させられる電



Figure 7: Mismatch between the RCS output beam and MR bucket.

圧の範囲内でh = 1加速でのデュアルハーモニック加 速電圧パターンを構築することができた。h = 1加速は h = 2加速に比べ、縦方向エミッタンスが大きいビーム の加速に適していると言える。

### 4. MR 入射

現在のh = 2加速では、RCS の取り出し時の周波数 と MR の待ち受け周波数は同一の約 1.67 MHz であり、 h = 1加速の場合は RCS の周波数はこの半分となる。 h = 1加速での取り出しビームの分布は現在のh = 2加速のものと大きく異なるために、MR 入射の可能性は 自明ではない。RCS からのビームは 8 eVs であるので、 MR 側の待ち受け電圧もデータベースを構築し再検討 した結果、基本波電圧 (h = 9)を 59 kV、2 倍高調波電 圧 (h = 18)を 48 kV という組み合わせが得られた。

しかしこの MR バケツは、前節で構築した RCS の 電圧パターンのビームを受け取ることはできない。 Figure 7 に示すように、運動量方向に MR バケツから ビームがはみ出してしまうからである。RCS 側のバン チ操作で、扁平な分布を持ったビームを形成、入射し なければならないことがわかる。

バンチ操作にはいくつか方法が考えられるが、有力 な方法として、2 倍高調波を用いた手法が提案されてい る。Figure 8 にこの手法で用いる電圧パターンを示し、 また操作中の位相空間分布を Fig.9 に示した。まず、取 り出し直前に大振幅の2 倍高調波を重畳、不安定不動 点を生成し、この等高線に沿ってバンチを延伸させる (Fig. 9 の 14900 ターン付近から 15000 ターン付近)。バ ンチが伸びたところで2 倍高調波電圧を急に 0 にし、 また基本波電圧を急に 150 kV まで上げることで、斜め に延伸したバンチは基本波のみのバケツ内部で回転運 動をする (15100 ターン付近以降)。最終的に、取り出し 直前の 15300 ターンでは、扁平なビーム分布が得るこ とができる。取り出し時のバンチ長は約 400 ns である。

この操作を行った際の RCS からの入射ビームと MR バケツの関係を Fig. 10 に示した。前述のように MR の 周波数は RCS の 2 倍となるため、位相は RCS の 2 倍 となることに留意されたい。扁平なビーム入射により、 マッチングを大幅に改善できることが見てとれる。MR でも、RCS の h = 1 加速されたビームを受け取れる可



Figure 8: Dual harmonic voltage pattern for the bunch manupilation.



Figure 9: Phase space distributions and RF buckets with the manipulation using the second harmonic voltage near extraction.

能性が示されたと言える。今後は、MR での縦方向シ ミュレーションを進め、加速まで含めた実現可能性を 検証していく。

# 5. まとめと今後の課題

RCS で h = 1 加速により大強度 1 バンチビームを 供給できれば、いくつかの中性子実験には大きな利益 となる。また、MR のバンチあたりの粒子数を増加さ せることにつながり、MR の現在の目標ビームパワー 1.3 MW を超える運転ができる可能性がある。

今回行った RCS における h = 1 加速の縦方向シミュ レーション結果は期待の持てるものであり、h = 1 加速 は縦方向エミッタンスの大きいビームの加速に適して いることが示された。また取り出し直前のバンチ操作 により、MR バケツとのマッチングを改善できることも 示された。

今後の課題として、RCS でのマルチターン入射を含めた縦方向シミュレーション、MR の縦方向シミュレーションを進めていくことはもちろんであるが、h = 1 加



Figure 10: The flattened beam and MR bucket seem to be matched.

速のためには空胴の共振点および Q 値の最適化が必要 である。RCS の大強度ビーム加速は真空管を用いた終 段増幅器への負荷が大きいので、回路モデルを用いる などした現実的な真空管動作解析も必要である。

バンチあたりの粒子数を増やすにあたり、空間電荷 効果を含めた RCS、MR の横方向トラッキングシミュ レーションによるビームロスの評価を行うことも必須 である。縦方向エミッタンスが大きいビームは当然運 動量の広がりが大きく、クロマティックな効果による 共鳴への影響もあるかもしれない。MR に長いバンチを 入射するには、入射キッカーの高速化も考えなければ ならない。

上記の総合的な検討を進め、*h* = 1 加速の実現可能 性を検証していく。

## 参考文献

- [1] Y. Kiyanagi *et al.*, ANNRI の中性子特性について, JAEA-Review 2011-014, pp. 65-68, 2011.
- [2] K. Kino *et al.*, Energy resolution of pulsed neutron beam provided by the ANNRI beamline at the J-PARC/MLF, Nucl. Instrm. Meth. A 736 66-74, 2014.
- [3] R. Baartman et al., RAMA: A Computer Code Useful for Designing Synchrotrons, TRI-DN-86-15, 1986.
- [4] CERN, Beam Longitudinal Dynamics code BLonD, http: //blond.web.cern.ch