あいち SR 電子蓄積リングにおける共鳴線の観測

OBSERVATION OF RESONANCE LINES IN AICHI-SR ELECTRON STORAGE RING

中尾海斗^{#,A)},保坂将人^{B,C)},木村圭吾^{A)},石田孝司^{B,C)},真野篤志^{B)},郭磊^{B,A,C)}, 高嶋圭史^{B,A,C)},藤本將輝^{E)},大熊春夫^{F,C)},加藤政博^{D,E,B)}

Kaito Nakao ^{#, A)}, Masahito Hosaka ^{B,C)}, Keigo Kimura ^{A)}, Takashi Ishida ^{B,C)}, Atushi Mano ^{B)},

Lei Guo ^{B,A,C)}, Yoshifumi Takashima ^{B,A,C)}, Masaki Fujimoto ^{D,E,B)}, Haruo Ohkuma ^{F,C)}, Masahiro Katoh ^{D,E,B)}

^{A)} Graduate School of Engineering, Nagoya University

^{B)} Synchrotron Radiation Research Center, Nagoya University

^{C)} Aichi Synchrotron Radiation Center

D) Hiroshima University

^{E)} UVSOR Facility, Institute for Molecular Science

F) Osaka University

Abstract

In order to achieve stable operation of a circular accelerator, it is necessary to select an appropriate betatron tunes that avoids dangerous resonance lines. The 1.2 GeV electron storage ring of Aichi Synchrotron Radiation Center (hereinafter Aichi SR) has been operating stably since its commissioning, but detailed investigation has not been conducted on resonance lines. We investigated the influence of each resonance line on the beam near the current operating point. The betatron tunes were changed by changing the excitation current of the quadrupole magnets, and the variation of the beam size was measured by imaging the beam profile using the synchrotron light. We found that the second- and third- order resonances give rise to beam loss. We also found that at the current operating point, the beam sizes are affected by the second sum resonance and their increases in both horizontal and vertical directions depending on the distance to the resonance were confirmed. We also found that undulator operation and COD have significant effect on the fourth-order resonances.

1. はじめに

放射光源用の蓄積リングでは、高輝度の放射光を安定に供給することが最重要課題である. ビームの安定性を乱すものの一つにベータトロン振動の共鳴現象がある. あいちシンクロトロン光センター(以下、あいち SR)の中核装置である 1.2 GeV 電子蓄積リングは開設以来300 mA のトップアップモードで安定に運転されているものの、これまでベータトロン振動共鳴についての十分な調査は行われていなかった.

そこで本研究では、通常の運転で用いられている動 作点の近傍でベータトロン振動数を変化させて、共鳴線 の強さやビームへの影響を調べた.また、アンジュレータ を動作させることで生じるラティスの対称性の破れやアン ジュレータの生み出す非線形効果により非構造共鳴や 高次の共鳴線の出現も予想されたことから、特に非線形 性の強いと考えられるアンジュレータを垂直偏光モード にした際の共鳴線の強さのアンジュレータギャップ依存 性についても調べた.

2. ベータトロン振動の共鳴現象

蓄積リングのある点で電子を観測するとき,周回する 電子は毎周観測するたびに異なる位置と傾きを持ってい る.一般にこの位置と傾きはガウス分布する.チューンが 整数の場合,ビームが1周するたびに同じ位置に同じ傾 きで戻ってくる.このような条件下で誤差二極磁場が存 在するとビームは同じ方向に摂動を受け続けることから, 振動振幅は増大する. 最終的にビームはダクトに衝突し, ビームが失われてしまう. このような二極誤差磁場が引き 起こす整数共鳴の他にリング内に存在するより高次の磁 場によって発生する高次の共鳴もある[1,2]. 一般に共鳴 の条件式は次式で表される.

$$n\nu_x + l\nu_y = jN \tag{1}$$

ここで*m*,*l*,*j* は整数であり、*N*はラティスの対称数である. Equation (1)で表される共鳴を構造共鳴(Structure Resonance)と呼び、強く励起される共鳴である[3]. ラティ スが完全に対称であるとき、*N*が増加するほど励起される 共鳴の数は少なくなる.しかし誤差磁場や挿入光源の影 響で対称数が崩れると、本来励起されないはずの共鳴 が励起される場合がある.

3. 実験方法

3.1 実験の概要

本研究ではまず,アンジュレータの影響がない状態で あいち SR 電子蓄積リングのベータトロン振動の動作点 を 2 次共鳴, 3 次共鳴, 4 次共鳴にそれぞれ接近させ, その際のシンクロトロン光を結像することで電子ビームの イメージ画像からビームサイズを求め, 共鳴の影響につ いて調査した.次にアンジュレータを垂直偏光モードに 設定し,アンジュレータギャップを縮めて動作点を 4 次共 鳴に接近させ, その際のビームサイズとビーム寿命を求 めた.

[#] nakao.kaito@g.mbox.nagoya-u.ac.jp

3.2 動作点操作

あいち SR には 4 種類の 4 極電磁石が設置されてい る. 動作点を変更するための操作行列を得るために次の 実験を行った. なお運転は結合型ビーム不安定性から の影響を避けるためにシングルバンチで蓄積電流値 10 mA で行った.

4 種類の 4 極電磁石のうち 2 つの励磁電流値を微少 に変えたときのベータトロン振動数の変化量を求め、そ の逆行列を求めることで操作行列を得た.

3.3 ベータトロンチューン測定

ストリップライン電極で電子ビームによる信号を捉え, スペクトルアナライザを用いて信号の周波数解析を行っ た.別のストリップライン電極に高周波電流を送り,通過 する電子ビームにその磁場による蹴りを与えてベータトロ ン振動を励起した.ベータトロン振動の励起はx方向,y 方向をそれぞれ個別で行った.

3.4 ビームサイズ解析

電子ビームが偏向電磁石を通過した際に発生する放 射光を,レンズを用いて結像することで得られる電子 ビームの像を CCD カメラで撮影した.その画像データを 水平,垂直方向それぞれに正規分布でフィッティングを 行い(Fig. 1),標準偏差σを電子ビームサイズとした.



3.5 アンジュレータギャップ依存性

非構造共鳴である4次共鳴に対して、アンジュレータ を垂直偏光モードとし、ギャップを50mm、35mm、 30mm、24mmと変化させた際のビームサイズ、ビーム 電流を求めた.

4. 実験結果および考察

4.1 2次共鳴($\nu_x + \nu_y = 1$)

通常運転でのベータトロンチューンは(4.73,3.19)であるが、本稿ではチューン端数のみを取り扱う.

2 次共鳴 $v_x + v_y = 1$ が電子ビームに与える影響について調べた.この共鳴は現状の動作点近傍における唯

ーの構造共鳴である. Figure 2 に計測中の動作点の移動の様子を示す. また, Fig. 2 中の各領域①, ②, ③における鉛直方向のビームサイズ(以下, ビームサイズ)を それぞれ Fig. 3, 4, 5 に示す.

Figure 4 に示すように、現状の動作点から2 次共鳴に 近づけた場合、最大のビームサイズは現状のビームサイ ズの約2.2 倍に増大していることがわかる.また、動作点 が共鳴から遠い場合でも電子ビームは共鳴の影響を受 けることがわかる.特に、現状の動作点から少し水平方 向チューンを増やすとビームサイズの増加が始まった. また、動作点が2次共鳴に至る以前に電子ビームは失 われた.それぞれの領域についてビームが消失した動 作点と共鳴線のチューンダイアグラム上の距離は①: 2.6×10⁻²、②:1.5×10⁻²、③:7.0×10⁻³となった.こ の結果より、鉛直チューンの値が大きくなるにつれて、共 鳴線の影響幅が広くなり、共鳴の影響が増大することが 分かった.



Figure 5: Vertical beam size of area 3.

4.2 3次共鳴($3\nu_x = 2, \nu_x + 2\nu_y = 1$)

今回調査した 3 次共鳴は非構造共鳴であるが,以下 に述べるようにあいち SR では観測できる. Figure 6 に 3 次共鳴線付近で変化させた動作点を示す.また, Fig. 6 に対応するビームサイズを Fig. 7 に示す.



Figure 6: Investigated operating point for 3rd-order resonance.



Figure 7: Vertical beam size for 3rd-order resonance.

動作点を現状の動作点から3次共鳴($3v_x = 2$)に近づけた場合(Fig. 6, 領域②), 動作点と共鳴線の距離が 8.2×10⁻³より小さくなった際にビームロスが起こった.2 次共鳴のような急激なビームサイズの増大は確認されな かった.2次共鳴の影響(Fig. 4)も加味すると, 現状の動 作点では2次共鳴の影響を受けており, 鉛直チューン 一定で考えると水平チューンを0.04 程度低下させたほう がビームサイズが小さくなり, 安定となる可能性がある.

一方で、3次共鳴($3v_x = 2$)と($v_x + 2v_y = 1$)の間の2 点(Fig. 6、領域①)については、現状のビームサイズの 約 1.2 倍となり、同じ次数の共鳴でもビームに与える影響 に違いが見られた.この結果の原因としては、前者は水 平方向のみ、後者は水平・鉛直両方向の共鳴の影響を 受け、後者のほうがより垂直方向ビームサイズに対する 影響が大きくなったからだと考えられる.

4.3 4次共鳴の影響

4 次共鳴 $4v_y = 1$ に動作点を接近させた際のチュー ンダイアグラム, ビームサイズをそれぞれ Fig. 8, 9 に示 す. これらの結果より, 共鳴線 $4v_y = 1$ は 2 次, 3 次のよう にビームサイズを増大させることはなく, また, 共鳴の影 響幅は非常に狭いもの(7.1 × 10⁻³)であったがビームロ スが発生した. 一方で, Fig. 2 の領域②に示すように 4 次共鳴 $4v_x = 3$ はビームに対して影響を与えなかった.



Figure 8: Operating point for 4th-order resonance: $4v_y = 1$.



Figure 9: Beam size for 4th-order resonance: $4v_y = 1$.

あいち SR のラティスは 4 回対称であり $4v_y = 1$ は非構 造共鳴であるため、ラティスが完全に対称であればこの 共鳴は励起されない. あいち SR ではユーザー利用のた めに COD の一部を意図的に大きくしている. そのため、 この共鳴によるビームロスは COD によりラティスの対称 性が破れていることに起因すると考えた. そこで COD を 補正して再度共鳴線 $4v_y = 1$ に動作点を接近させた. そ の際の COD とチューンダイアグラム、ビームサイズを Fig. 10, 11, 12 に示す. この結果より COD を補正する と、共鳴線 $4v_y = 1$ ではビームロスが起きないことが分 かった. 非構造共鳴である共鳴線 $4v_y = 1$ が励起される 原因は COD のずれによるラティスの対称性の破れであ ると考えられる.





Figure 11: Tune survey for 4th-order resonance after COD correction.



Figure 12: Beam size vs. vertical tune.

4.4 アンジュレータによる4次共鳴の影響

アンジュレータギャップが大きい際にビームに対して 影響がなかった $4v_x = 3$ に対して, 垂直偏光モードにし たアンジュレータギャップを変化させた際のビームサイズ



Figure 13: Beam size near the 4th-order resonance with different undulator gap.

Figure 13 に示されるように、ギャップ 35 mm, 50 mm で はビームサイズに大きな変化は見られず, 30 mm から ビームサイズが増大し、24 mm では共鳴線からの距離が 1.1×10⁻²より小さいときにビームが消失した.この現象 はラティスの対称性がアンジュレータによって乱されるた めか、あるいは垂直偏光モードにおけるアンジュレータ の作り出す 8 極磁場成分による共鳴の励起のどちらか、 あるいは両方と考えられる.

5. まとめ

本実験ではあいち SR における共鳴線の観測を行った.現在の動作点付近は構造共鳴である $v_x + v_y = 1$ の影響を受け,わずかながらビームサイズが増大している可能性があることがわかった.また,一部の非構造共鳴が励起されており,これは意図的に大きくしている CODの影響でラティスの対称性が破れていることに起因することが判明した.アンジュレータの影響については,本来励起していない共鳴線がアンジュレータギャップを縮めることによって励起された.今後は高次の共鳴がどのような要因で発生しているかを調査したいと考えている.

謝辞

あいち SR の施設関係者の方々には、本研究におい て多大なるご支援を頂きました.ここに深く感謝いたしま す.

参考文献

- [1] M. Katoh, Introduction to electronic storage rings OHO '93.
- [2] K. Harada, Outline of circular accelerator and basics of single particle dynamics OHO '08.
- [3] Helmut Wiedman, Particle Accelerator Physics.