# FORMATION OF A UNIFORM BEAM PROFILE USING MULTIPOLE MAGNETS

Yosuke Yuri, Tomohisa Ishizaka, Takahiro Yuyama, Susumu Okumura, and Ikuo Ishibori Takasaki Advanced Radiation Research Institute, Japan Atomic Energy Agency 1233 Watanuki-machi, Takasaki, Gunma, 370-1292

#### Abstract

Large-area uniform irradiation is one of essential techniques for charged-particle beam applications. Recently, the *nonlinear focusing method* using multipole magnets has been widely receiving attention as an alternative uniform irradiation technique. Here, we have experimentally studied uniform beam formation using multipole magnets. A beam line was improved for uniform-beam formation using sextupole and octupole magnets at an accelerator complex of the Takasaki Ion Accelerators for Advanced Radiation Application (TIARA), Japan Atomic Energy Agency (JAEA). The transverse profile of the beam extracted from the JAEA azimuthally-varying-field (AVF) cyclotron was transformed into a uniform one by means of octupole nonlinear focusing. We have demonstrated the uniformization of an off-axis beam applying a sextupole force in addition to an octupole force. The characteristics of this method as a uniform-irradiation technique are also discussed, compared to the raster scanning method.

# 多重極電磁石を用いた均一ビームの形成

## 1. はじめに

日本原子力研究開発機構(原子力機構)高崎量子 応用研究所のイオン照射研究施設TIARAのAVFサイ クロトロン<sup>[1]</sup>では、多重極電磁石がつくる非線形集 束力によりビームの横方向強度分布が均一化される こと<sup>[2,3]</sup>を利用した、新たな均一照射システム (MuPUS: <u>Multipole-magnet beam profile uniformization</u> <u>system</u>)の開発を行っている。本方式は、大面積の照 射野全体を一定の粒子フルエンス率で均一に照射す ることが可能であるという点において、双極磁場を 用いるスキャン方式や散乱体を用いる拡大方式の既 存照射法より優れている。このような特徴から、主 として材料科学分野における利用を目指している。

これまで、ビームプロファイルの均一化には八極 電磁石等がつくる奇数次磁場が必要であることが知 られていた<sup>[2]</sup>。我々は均一照射システムの構築のた め、ビーム均一化について一般的な非線形磁場を考 慮した詳細な理論解析を行った。それにより、軸対 称なガウス分布を有するビームのみならず、六極電 磁石等がつくる偶数次磁場を奇数次磁場と併用する ことで、非対称なビームでも均一化が可能であるこ とを明らかにした<sup>[3]</sup>。この理論解析結果に基づき、 六極および八極電磁石を用いた均一ビーム形成のた めのビームラインを設計した。2008年1月までに多 重極電磁石の設置や既存四重極電磁石の移設等の ビームライン改造作業を完了し、ビーム試験を開始 した。本稿では、非線形集束法による均一ビーム形 成に関する最新の実験結果について報告する。

# 2. 均一ビーム形成のための条件

ビームに非線形力を作用させることにより、実空 間分布形状を変化させることが可能である。その後 の分布は初期分布とTwissパラメータ、ビームに作 用した非線形力の強さによって決まる。ビーム輸送 系において横方向強度分布を均一化するために必要 となる非線形磁場強度、および、形成される均一領 域の大きさが理論的に導かれている<sup>[3]</sup>。

### 2.1 ガウスビームの均一化

ガウス分布を均一化するには、八極、十二極、十 六極等の無限に高次までの奇数次磁場が必要である。 最低次である八極磁場強度は、

$$K_{\rm OCT} = \frac{1}{\varepsilon \beta_{\rm o}^2 \tan \phi},\tag{1}$$

と表される。ただし、 $\beta_0$ は八極電磁石の位置にお けるベータ関数、 $\phi$ は八極電磁石からターゲットま でのベータトロン振動の位相進度、 $\varepsilon$ はビームの RMSエミッタンスである。また、ターゲット上で形 成される均一領域の全幅2wは、

$$2w = \sqrt{2\pi} \sqrt{\varepsilon \beta_t} \left| \cos \phi \right| \tag{2}$$

である。ただし、β<sub>t</sub>はターゲットにおけるベータ関 数である。

実際には無限に高次までの磁場を使用することは できない。奇数次磁場として最低次の八極磁場のみ が用いられることが多い。この場合、式(1)で表さ れる値よりも弱い八極磁場で近似的に均一化が可能 である<sup>[3]</sup>。

#### 2.2 非対称ビームの均一化

奇数次と偶数次の多重極磁場を組み合わせること によって、非対称な強度分布を有するビームの均一 化が可能である<sup>[3]</sup>。例えば、ビームが設計中心軸に 対して精度よくアライメントされていない"蛇行ガ ウスビーム"を均一化するには、あらゆる次数の多



図1:均一ビーム形成のためのビームラインの光 学系と電磁石の配置。QF(QD)は水平方向集束 (発散)四重極電磁石を示す。横軸はサイクロト ロン出口からの距離である。ベータトロン結合を 低減するためにビーム断面が扁平となる位置に多 重極電磁石が設置されている。

重極磁場が必要となる。2.1節と比べると、奇数次 磁場には蛇行を補正する効果があると解釈できる。 その最初の2項(六極および八極磁場強度)は、

$$K_{\rm SXT} = -\frac{1}{\beta_0 \tan \phi} \frac{\delta x}{\sigma_1^2}, \ K_{\rm OCT} = \frac{1}{\sigma_1^2 \beta_0 \tan \phi} \left( 1 - \frac{\delta x^2}{\sigma_1^2} \right)$$
(3)

と表される。ただし、 $\delta x$ および $\sigma_1$ は多重極電磁石位 置におけるビーム重心位置のずれおよびRMSビーム サイズである。形成される均一領域の大きさは、

$$2w = \sqrt{2\pi} \sqrt{\varepsilon \beta_{t}} \left| \cos \phi \right| \exp \left[ \delta x^{2} / 2\sigma_{1}^{2} \right]$$
 (4)

と表される。式(2)の蛇行のない場合と比べて、係 数  $\exp[\delta x^2/2\sigma_1^2]$ の分だけ均一領域が大きくなる。

2.3 ベータトロン結合の低減

 一般に、n-1次の電磁石(n=2:四重極電磁石、 n=3:六極電磁石、n=4:八極電磁石、…)がつくる 磁場中における荷電粒子の横方向(x:水平方向、 y:鉛直方向)の運動は、以下の微分方程式で表さ れる:

$$\begin{cases} x'' + \frac{K_{2n}}{(n-1)!} \operatorname{Re}\left[\left(x+iy\right)^{n-1}\right] = 0, \\ y'' + \frac{K_{2n}}{(n-1)!} \operatorname{Re}\left[i\left(x+iy\right)^{n-1}\right] = 0, \end{cases}$$
(5)

ただし、 $K_{2n}$ はn-1次の集束力の強さを表す。明らか に、多重極磁場( $n \geq 3$ )の場合、水平方向と鉛直 方向の運動は不可避的に結合してしまう。実際の均 ービーム形成では、2方向の均一化の調整が独立に 行える必要があるため、この結合は避けられなけれ ばならない。そこで、不要なベータトロン結合をで きる限り弱めるため、多重極電磁石の設置位置で ビーム断面が扁平となるような光学系を組む。すな わち、水平方向を均一化するための多重極電磁石位 置では、水平方向ビームサイズに比べて鉛直方向 ビームサイズは十分小さくしなければならない。鉛 直方向を均一化する場合も同様である。

表1:多重極電磁石の主なパラメータ。

	六極電磁石	八極電磁石
磁極長(機械長)	0.30 m	0.30 m
(実効長)	0.33 m	0.33 m
ボア半径	57.5 mm	57.5 mm
最大磁場勾配	$300 \text{ T/m}^2$	$13000 \text{ T/m}^3$
最大コイル電流	350 A	320 A
表2:均一ビーム形成実験の主なパラメータ。		
イオン種	$H^+$	
運動エネルギー	10 MeV	
磁気剛性	0.458 Tm	
ビーム電流	< 1 µA	

# 3. 均一ビーム形成実験

均一照射用ラインの構築のため、上述の理論解析 に基づきTIARAサイクロトロンのビームラインを改 造し、均一ビーム形成実験を実施した。図1にその 光学系を示す。2台の八極電磁石のほかに、蛇行補 正用および偶数次磁場のみによるビーム均一化<sup>(3)</sup>の ために六極電磁石を設置した。ビーム重心が偏る方 向(式(3)における&xの符号)は調整に依存するため、 六極電磁石の極性は反転可能である。多重極電磁石 の主なパラメータを表1にまとめた。また、主な実 験条件を表2に示す。

### 3.1 散乱体によるガウス分布化

前節での議論に基づき均一なビームを形成するに は、前提条件としてプロファイルがガウス分布であ る必要がある。ところが、サイクロトロンから引き 出されたビームの分布は通常ガウス分布ではなく非 対称である。このようなビームでは高精度の均一化 は困難である。そこで、引き出されたビームの分布 をガウス分布に近づけるための多重散乱用AI薄膜 (厚さ:0.8~1.5µm)を多重極電磁石の上流に導入 した。このとき、均一ビームライン末端のターゲッ ト上でガウス分布を得るためには、散乱体からター ゲットまでのベータトロン振動の位相進度が90度の 奇数倍である必要がある。また、散乱によりエミッ タンスが数倍大きくなることで<sup>[4]</sup>、式(1)~(4)に示さ れるように、均一領域の大面積化および必要な多重 極磁場強度の低減が可能となる。

### 3.2 八極電磁石を用いた均一ビームの形成

ビームの蛇行が十分小さければ、八極電磁石のみ を調整することで2次元均一ビームの形成が可能で ある。ターゲット上での2次元強度分布のモニタに はDRZ蛍光板(化成オプトニクス)を用いた。蛍光 物質としてGd<sub>2</sub>O<sub>2</sub>Sを含むDRZは、一般的に使われて いるアルミナ蛍光板に比べて、発光の減衰時間が極 めて短いため、リアルタイム計測に有用である。ま た、十分な発光強度を得るのに必要となるビーム強 度が低いのも特徴のひとつである。

より高精度な2次元強度分布の計測には、フィル ム線量計(GAFCHROMICフィルム、ISP)を用いた。



図2:GAFCHROMICフィルム(HD-810)を用い て計測した、ターゲット上におけるビーム強度分 布。ビームはターゲット直前で大気中に取り出さ れ、フィルムへ照射される。右図は左図の鉛直方 向位置50mmに沿った断面の分布である。

ビーム照射によりフィルムは青色に着色する。これ を汎用文書スキャナで読み取った光学濃度から相対 強度分布を得ることができる<sup>[5]</sup>。図2にターゲット 上で形成された2次元強度分布の一例を示す。ガウ ス分布のテイルが折りたたまれているため、分布の 縁では強度が高くなっている。その"壁"に囲まれ た内側に、約3cm×6cmの均一領域が形成されてい るのが分かる。光学濃度から見積もられる均一度は、 均一領域の中心付近で約2%であった。均一領域の 外側を含むほど均一性が低下する傾向がある。これ までに、最大6cm×6cmの照射野で6%の均一度を得 た。なお、ターゲット位置をより下流へ移すことに より、さらなる大面積化が可能である。

3.3 六極電磁石と八極電磁石の併用による蛇行ビームの均一化

サイクロトロンから引き出されたビームはター ゲットまで約40m輸送される。このとき、あらゆる 場所でビーム重心を中心軸上にアライメントするこ とは容易でない。ターゲット上でのスポット位置が 十分にアライメントされていたとしても、輸送系の 途中では、多少なりともビーム重心のミスアライメ ントがありうる。すなわち、ビームは蛇行している。 八極電磁石の位置における蛇行が大きい場合、図3 (a)のようにターゲット上の分布は均一ではなく非対 称に傾く。2.2節で述べたように、六極磁場を付加 することで蛇行ビームによる均一性の低下を補正す ることができる。実際、図3(b)に示すように、八 極磁場と六極磁場の併用により均一領域が形成でき ることを確認した。

### 4. 均一照射法としての特徴

ラスタースキャン方式による均一照射では、2方 向に異なる周波数で双極磁場を変化させスポット ビームを掃引する(TIARAでは、水平方向:50Hz、 鉛直方向:0.25~5Hz)。スキャンの開始時と終了時 のビーム位置の差を考慮しない場合、必要とする均 一度とスキャン周波数に依存して照射時間の下限が 決まる。例えば、掃引回数差に起因する均一度を 1%に抑えるためには、低いほうの周波数が1Hzの場



図3:GAFCHROMICフィルムを用いて計測した、ビームが蛇行している場合のターゲット上におけるビーム強度分布。(a)八極磁場のみ励磁した場合。(b)八極磁場に加えて六極磁場を付加した場合。

合、少なくとも100秒の照射時間が必要となる。高 い均一性を保ちつつ粒子フルエンスを低くすること は難しい。ラスタースキャン方式は短時間の照射に は不向きである。

一方、非線形集束法による均一照射の場合、ビームが均一化されているため、スキャン方式に比べて 短時間の照射が可能である。パルス電場によるビー ムチョッピングを利用し、1秒程度の均一照射が可 能であることを確認した。より短時間の照射も十分 可能である。

また、ビーム強度を広範囲にわたって変化させる ことができる金属製メッシュ型のビームアテネータ <sup>60</sup>を用いて、フルエンス率を下げた照射が可能であ る。これを利用し、低フルエンスの均一照射が可能 であることも確認した。

### 5. まとめ

原子力機構TIARAでは、多重極電磁石を用いた均 一照射システムMuPUSを構築し、均一照射装置と しての共用化に向けた研究開発を行っている。八極 電磁石を用いたガウスビームの均一化、および、六 極電磁石と八極電磁石の併用による蛇行ビームの均 一化に成功した。ラスタースキャン方式と比べて、 本方式はより短時間の照射や低フルエンスの照射が 可能である。

なお、この非線形集束法は、均一ビーム形成や拡 大照射に限られたものではなく、一般的なビームプ ロファイル制御へも応用可能である。

### 参考文献

- K. Arakawa et al., Proc. 13th Int. Conf. on Cyclotrons and their Applications, Vancouver, Canada, 119 (1992).
- [2] P. F. Meads, IEEE Trans. Nucl. Sci., 30, 2838 (1983).
- [3] Y. Yuri et. al., Phys Rev. ST Accel. Beams 10, 104001 (2007).
- [4] Y. Yuri et. al., in Proc. Annual Meeting of 4th Particle Accelerator Society of Japan and the 32nd Linear Accelerator Meeting in Japan 607 (2007).
- [5] T. Agematsu et al., Radioisotopes 57, 87 (2008).
- [6] T. Yuyama et. al., in these proceedings, WP004.